



UNIVERSIDADE ESTADUAL DE MARINGÁ
PRÓ-REITORIA DE ENSINO

PROGRAMA DE DISCIPLINA

Curso:	MATEMÁTICA
Departamento:	Matemática
Centro:	CCE

COMPONENTE CURRICULAR

Nome: Álgebra de Lie	<i>Optativa</i>	Código: 3314
Carga Horária: 102	Periodicidade: semestral	Ano de Implantação: 2012

1. EMENTA

Álgebras nilpotentes, álgebras solúveis, critérios de Cartan, sub álgebras de Cartan, álgebras semi-simples, diagramas de Dynkin, grupos de Weyl. (Res. 95/06-CEP)

2. OBJETIVOS

Desenvolver a Arte de Investigar em Matemática e compreender o processo de construção do conhecimento em Matemática. Desenvolver a intuição como instrumento para a construção da Matemática. Familiarizar o aluno com os conceitos básicos e principais métodos e aplicações da Teoria de Álgebras de Lie.(Res. 095/06-CEP)

3. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO

1. Conceitos básicos

- 1.1. Definições;
- 1.2. Subálgebras;
- 1.3. Ideais;
- 1.4. Homomorfismos;
- 1.5. Derivações;
- 1.6. Quocientes;
- 1.7. Álgebras de Lie solúveis e nilpotentes;
- 1.8. Teorema de Engel e Teorema de Lie.

2. Representações e Critérios de Cartan

- 2.1. Representação de Álgebras de Lie;
- 2.2. Módulos;
- 2.3. Lema de Schur;
- 2.4. Representações de $sl(2, \mathbb{C})$;
- 2.5. Decomposição de Jordan de representações;
- 2.6. Forma de Cartan-Killing;
- 2.7. Critério de Cartan para solubilidade e semissimplicidade.

3. Estrutura das Álgebras Semissimples

- 3.1. Decomposição em espaços de raízes;
- 3.2. Sistemas de raízes;
- 3.3. Matriz de Cartan;

RECEBIDO

Data 21/11/13

- 3.4. Diagramas de Dynkin;
- 3.5. Álgebras de Lie clássicas e seus diagramas de Dynkin;
- 3.6. Classificação dos sistemas de raízes;
- 3.7. Classificação das álgebras de Lie semissimples.

4. REFERÊNCIAS

4.1- Básicas (Disponibilizadas na Biblioteca ou aquisições recomendadas)

Carlos BRAGA e Alexandre J. SANTANA , “Estruturas algébricas”, EDUEM (2011).

Karin ERDMANN and Mark J. WILDON, “Introduction to Lie algebras”, Springer Verlag (2006).

James HUMPHREYS, “Introduction to Lie algebras and representation theory”, Springer Verlag (1972).

Luiz A. B. SAN MARTIN, “Álgebras de Lie”, Editora da UNICAMP, 2º edição (2010).

4.2- Complementares

Aprovado em reunião de 19/11/2013.

Universidade Estadual de Maringá
Departamento de Matemática
Prof. Dr. Alexandre de Oliveira Abdala Cousin
APROVAÇÃO DO DEPARTAMENTO A

APROVADO PELO CONSELHO
ACADÉMICO DO CURSO DE

Matemática

Em 10/04/14 Reunião nº 018

R. Silvana Henriquez
APROVAÇÃO DO COLEGIADO