

# PRECEPTORIA - LISTA 6

## Cálculo Diferencial e Integral I

Data da lista:	16/07, 18/07 e 19/07
Preceptor:	Iago Almeida Maffioletti
Cursos:	Eng. Mecânica, Eng.Elétrica e Eng. Alimentos
Coordenadora:	Patrícia Hilário Tacuri Córdova

1. Nos itens a seguir, derive as funções dadas sem utilizar as regras do quociente e da cadeia, explicitando cada uma das regras de derivação utilizadas.

- (a)  $f(x) = 7x - 5$
- (b)  $f(x) = 8 - 3x$
- (c)  $f(x) = 1 - 2x - x^2$
- (d)  $f(x) = 3x^4 - 5x^2 + 1$
- (e)  $f(x) = \frac{4\pi}{3}x^3$
- (f)  $f(x) = \frac{x^3}{3} + \frac{3}{x^3}$
- (g)  $f(x) = \frac{5}{x^5}$
- (h)  $f(x) = \sqrt{3}(s^3 - s^2)$
- (i)  $f(x) = (2x^2 + 5)(4x - 1)$
- (j)  $f(x) = (4x^2 + 3)^2$
- (k)  $f(y) = (7 - 3y^3)^2$

2. Nos itens a seguir, calcule a derivada indicada.

- (a)  $D_x\left(\frac{x}{x-1}\right)$
- (b)  $D_x\left(\frac{2x}{x+3}\right)$
- (c)  $\frac{d}{dt}\left(\frac{5t}{1+2t^2}\right)$
- (d)  $\frac{d}{dy}\left(\frac{y^3-8}{y^3+8}\right)$
- (e)  $\frac{d}{dx}\left(\frac{4-3x-x^2}{x-2}\right)$
- (f)  $\frac{d}{ds}\left(\frac{s^2-a^2}{s^2+a^2}\right)$ , onde  $a$  é uma constante
- (g)  $D_x\left(\left(\frac{2x+1}{x+5}\right)(3x-1)\right)$

3. Se  $f, g$  e  $h$  são funções e  $\phi(x) = f(x).g(x).h(x)$ , prove que se  $f'(x), g'(x)$  e  $h'(x)$  existirem, então

$$\phi'(x) = f'(x)g(x)h(x) + f(x)g'(x)h(x) + f(x)g(x)h'(x)$$

4. Diferencie a função.

- (a)  $y = \sqrt[3]{x}$
- (b)  $f(t) = \sqrt{t} - \frac{1}{\sqrt{t}}$
- (c)  $f(x) = x^{-2,5}$
- (d)  $g(x) = \sqrt{x}e^x$
- (e)  $y = ax^2 + bx + c$ , onde  $a, b, c \in \mathbb{R}$
- (f)  $f(x) = \sqrt{2u} + \sqrt{3u}$
- (g)  $f(x) = 5e^x + 3$
- (h)  $f(x) = e^{(x+1)} + 1$
- (i)  $f(x) = x^2e^x$
- (j)  $f(x) = \frac{e^x}{x+1}$
- (k)  $f(x) = \frac{1}{s+ke^x}$ , onde  $s$  e  $k$  são constantes
- (l)  $f(x) = \frac{1}{x^4+x^2+1}$

5. Em cada um dos itens, encontre uma equação da reta tangente a curva em um dado ponto.

- (a)  $y = x^3 - 4$ ,  $(2, 4)$
- (b)  $y = \frac{2x}{x+1}$ ,  $(1, 1)$
- (c)  $y = 2xe^x$ ,  $(0, 0)$
- (d)  $y = \frac{e^x}{x}$ ,  $(1, e)$